

Jessica Cap'Tronic

Les estimateurs

Utilisation de Filtres permettant d'estimer l'état optimal d'un système en fonction de mesures réelles

Le Filtrage se déroule généralement en de lx étapes

1) Etape de prédiction de l'état suivant du vecteur d'état

$$\widetilde{X}_k = A \cdot X_k + \omega_k$$

2) Etape de mise à jour par une observation

$$Z_k = H \cdot \widetilde{X}_k + \nu_k$$

- Le filtre de Karman estime un processus gaussien Déroult ment séquentiel, déterministe, opérations matricielles siriple.
- le fitre particulaire estime un processus à p.d.f quelconque von déterministe, chaînes de Markov et simulations de Monte-Carlo



Dominique Paret

© 2013 - toute reproduction, même partielle est interdite

Jessica Cap'Tronic

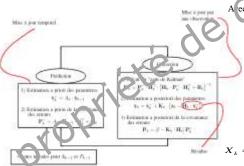
Le filtrage de Kalman

Filtre cherchant à minimiser la covariance de l'erreur a posteriori Déroulement séquentiel

Opérations matricielles simples sur l'état que système

Contraintes linéarités sur les lois d'évolution

Linéarisation possible (développen ent de Taylor) ⇒ filtre de Kalman Etendu (Dégradation du modèle)



- P_{ν}^{-} l'estimation a priori de la covariance de l'erreur
- P_k l'estimation a posteriori de la covariance de l'erreur
 K_k le gain minimisant l'équation de la covariance de
- l'erreur a posteriori $\bullet \ \ \, Q_k \quad \text{la matrice de covariance du bruit du process (matrice de covariance du bruit du b$
- R_k la matrice de covariance de la mesure (matrice 2*2)

$$T_{k} = \begin{pmatrix} x_{k} \\ y_{k} \\ v_{x_{k}} \\ v_{y_{k}} \end{pmatrix} A = \begin{pmatrix} I_{2\times 2} & T_{s} \cdot I_{2\times 2} \\ 0 & I_{2\times 2} \end{pmatrix} \quad H = \begin{pmatrix} I_{1\times 1} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & I_{1\times 1} & 0 & 0 \end{pmatrix}$$



Jessica Cap'Tronic

Le filtrage particulaire (1/.)

Filtre particulaire est plus générique que le filtre de Kalman

- Modélisation de processus ayant une densité de probabilité non gaussienne
- Modélisation de phénomènes non linéaires
- Agrégation aisée de différentes informations de natures homogènes/hétérogènes

Filtre cherchant à obtenir la neilleure approximation de la densité de probabilité suivante

$$\Pr\left[x_k \left| x_{0:k-1}, z_{0:k} \right.\right]$$

Densité de probabilité quelconque

Calcul complexe

Discrétisation de cette densité par des masses de Dirac Relation de récurrence nécessaire (chaînes de Markov d'ordre 1)



© 2013 - toute reproduction, même partielle est interdite

Dominique Paret

Jessica Cap'Tronic

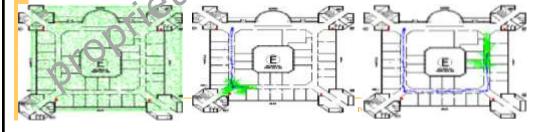
Le filtrage particulaire (2/.)

Filtre composé d'un ensemble de particules qui vont explorer l'espace dans lequel évolue le mobile

Affectation d'une probabilité (ou poids w_k^i) de présence pour que le mobile se trouve à la position occupée par la particule dans l'espace des possibles

Le Poids des particules tient compte de :

L'historique des positions de la particule L'architecture du lât nent (les murs) La mesure des puissances captées par le mobile Autres do nées : accéléromètres, compas, ...



Jessica Cap'Tronic

L'étape de prédiction

Prédiction de la position suivante de chacune des particules
 Utilisation de la loi du mouvement

 $\begin{bmatrix} x_k \\ y_k \\ V_{X_k} \\ V_{y_k} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & T_s & 0 \\ 0 & 1 & 0 & T_s \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{k-1} \\ y_{k-1} \\ V_{x_{k-1}} \\ V_{y_{k-1}} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{T_s^2}{2} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{T_s^2}{2} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{T_s^2}{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & T_s & 0 \\ 0 & 0 & T \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mu_{x_k} \\ \mu_{y_k} \\ \mu_{x_k} \\ \mu_{y_k} \end{bmatrix}$

où $(\mu_{xk}, \, \mu_{yk})$ sont des bruits sur l'occélération des particules Partie aléatoire du filtre

Ici, choix d'un bruit gaussien N.(0,d) avec d une accélération moyenne

- Vérification du mouvement des particules (traversée des murs - mouvements impossibles pour une personne)

 $\Pr[x_{k-1}] = P_m$ si une particule a traversé un mur $\Pr[x_{k-1}] = 1 - P_m$ si une particule n'a pas traversé de mur

Ici, nous avons retenu P_m=0



© 2013 - toute reproduction, même partielle est interdite

Dominique Paret

Jessica Can'Tronic

L'étape de mise à jour par une observation

- Mise à jour à la réception d'une mesure

Réception d'une mesure

Recherche dans la base de données de la position correspondant à la mesure (finger printing)

- Mise à jour de la vraisemblance de la position de la particule par rapport à la mesure $\Pr[z_k|x_k] = N(z_k,d_c)$

Choix d'une loi gaussienne

z_k : position retournée par le finger printing

d_c : variai ce de la loi gaussienne (confiance faite à la mesure)

- Mise à jour du poids de chacune des particules

$$w_k^i = w_{k-1}^i \cdot \Pr\left[x_k^i \middle| x_{k-1}^i\right] \Pr\left[z_k \middle| x_k^i\right]$$



Le ré-échantillonage

Disparition de particules à chaque itération

Certaines particules explorent de mauvaises pistes

Diminution de leur poids ⇒ évanouissement

Problème:

dégénérescence du filtre

Certaines particules excen rées par rapport à la zone d'intérêt, vont avoir un poids très faible, voire nul

Emergence d'un reti groupe de particules avec un poids élevé

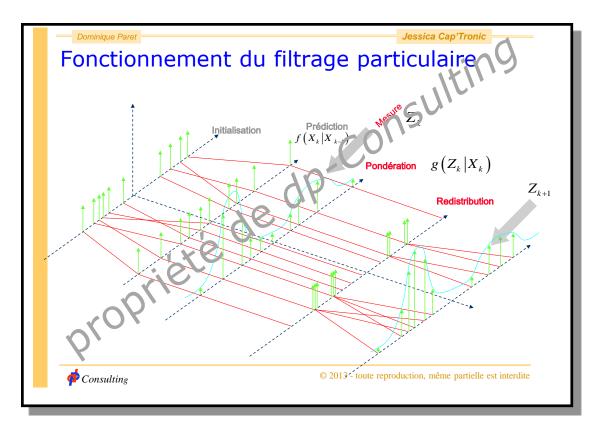
Solution:

rééchantillonage

Conséquence

l'erte de diversité

© 2013 - toute reproduction, même partielle est interdite



🧖 Consulting

Intérêt de l'association des technos

- Aucune technologie n'est parfaite pour la géo localisation indoor
- L'association de technologies limite les inconvénients d'une ropriete technologie quand elle est utilisée seule.

🧖 Consulting

© 2013 - toute reproduction, même partielle est interdite

La coopération intelligente

Accéléromètre

La navigation inertielle

Dégradations au cours du temps Intégration des mesures et donc du bruit

- La localisation par WiFi

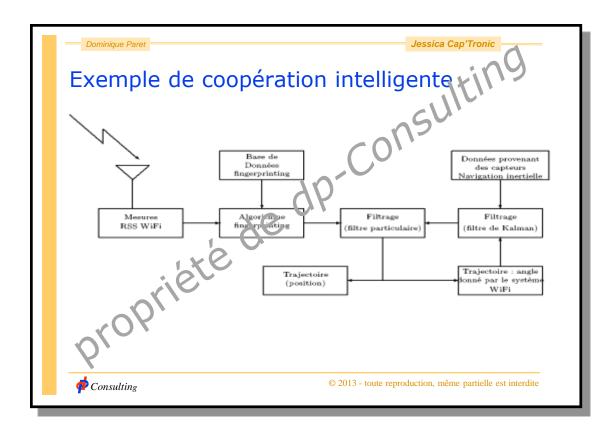
Baromètre Retard lors des changements de direction Pas de position fixe lorsque le mobile est statique

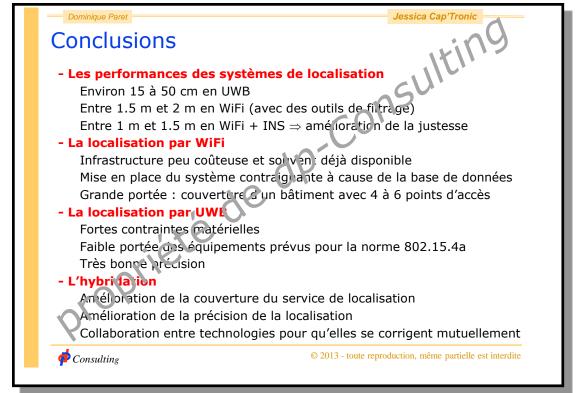
- Utilisation du filtre particulaire

Guidage du comportement des particules par la navigation INS Conjection de la navigation INS par la trajectoire obtenue par le WiFi









Jessica Cap'Tronic

Les perspectives

- Diminution de l'effort nécessaire pour réaliser la base le données

Utilisation de données non labélisées

Utilisation d'un ensemble réduit de données labélisées

Utilisation d'un modèle de propagation et d'une représentation de l'environnement

- Etudes sur une borne d'erreur

Filtrage particulaire sous contrainte Détermination d'un indite de confiance comme en GPS

- Réduction de la complexité du système de localisation par UWB

Réseaux de capteurs : localisation de proche en proche

- Pourquo pas bientôt l'IPS (Indoor positioning System)?

Système dédié à la localisation à l'intérieur des bâtiments Infrastructure dimensionnée exclusivement pour cette application



